航海雷達在觀測海洋波浪與流之開發

吴立中¹李汴軍²高家俊³董東璟⁴郭純伶⁵

摘 要

航海雷達是商業產品,通用使用來做為船隻導航目的。然而,航海雷達的回波中亦隱藏著 海面特徵,透過高速回波訊號擷取技術與影像分析技巧,可以將商用雷達更新成海況觀測 的設備,作為遙測海洋波浪與流的工具,降低直接到海上工作的風險性。國際上已有幾個 類似的系統,本文所報告者為國內成功大學所自行發展之系統,其特色是影像解析度高且 具有分析非均勻波場的功能。經由現場實測結果驗證發現,本文之雷達海象觀測系統具有 正確之觀測結果。

一、前言

海洋是孕育生命起源的搖籃,也是人類生存發展 之憑藉。就台灣地區而言,因為陸上資源有限,限制 了經濟發展的規模與型式,促使了海上活動的蓬勃發 展。由於位處亞熱帶區域,平均每年都有超過3個颱 風侵襲臺灣,其所引發之風災、巨浪與暴潮,造成海 上或岸邊結構物之破壞及沿岸居民生命財產嚴重的 損失。波浪及海流等海洋環境外力是一個複雜的物理 現象,至今在學理上仍無法全盤掌握其特性,往往還 需要準確且即時的海況觀測資訊來確保海上活動的 安全。

海況觀測方法可分為直接的現場量測(in-situ measurement)與間接的遙感探測(remote sensing)兩種 方式。現場量測是將量測儀器放置於海水中,藉由量 測海水的物理變化,來計算出波浪與海流等外力的特 性。間接的遙測則是讓觀測儀器對目標物進行影像攝 取或是以量測電磁波回波特性之方式隔空偵測目標 區域之特性,透過所拍攝之影像或是由電磁回波所組 成之影像,搭配適當之影像處理方法,獲得觀測目標 物的特性。由於遙測並不需要將觀測儀器直接放置於 海上進行量測,可避免儀器遭受到海洋環境外力的破 壞,即使在惡劣的海況之中,遙測仍可提供寶貴的波 浪資訊;此外遙測可針對觀測區域進行大範圍空間中 的量測,可快速且廣泛的獲得海面波場資料,是近年 來學界所致力發展的觀測技術之一。

依據電磁波原理,微波僅能穿透海水數釐米,因 此其散射或反射的電磁波可充分表現出海水表面波 浪的動態特性,若輔以海氣交互作用的機制,可以從 雷達回波訊號計算波浪與海流(Gangeskar, 2002)等海 氣象參數。遙測的儀器根據所使用的電磁波段不同, 而有不同的觀測果效,Mattie & Harris(1978)曾利用 各種頻率範圍的雷達波來觀測波浪,分析結果發現 X-Band 雷達適合用於波浪之觀測。Young(1985)從 X-Band 雷達影像計算出能譜,並與實測資料比較, 結果顯示雷達系統和分析方法所產生的結果與傳統 儀器的結果一致。

近幾十年來國際上研究早已證實雷達具有觀測 海面特徵的能力,當前國際上已發展出商用的 X-Band 雷達觀測海象系統,如德國之 WaMoS 系統 與挪威之MIROS 系統,然而,其關鍵技術被視為商 業機密而不公開,對於作業或研究上有特殊需求時難 以解決,本文介紹由成功大學近海水文中心自民國八 十九年開始研發的 X-Band 雷達海象觀測系統。

二、雷達觀測海象之系統硬體

X-Band 雷達觀測海象系統的硬體設備主要包含 幾個部份,分別是雷達、訊號擷取單元、控制與分析 單元,如圖1所示,因考慮到觀測系統應用在航行船 隻時,須同步取得即時的船隻所在位置以及船首方向 等資訊,可加裝 GPS 以及電羅經等設備。整個系統 的觀測作業流程如圖2所示,透過雷達天線接收海水 面的電磁回波,利用雷達訊號擷取設備,將雷達原始 訊號引出,再將其數化後,用電腦搭配所研發的雷達 訊號分析軟體分析訊號中所含有的海象資訊,再搭配

 ¹ 成功大學水利及海洋工程學系博士班研究生
 2 華梵大學環境與防災設計學系副教授
 3 成功大學水利及海洋工程學系教授兼近海水文中心主任

³ 成功入学小利及海洋工程学系教授兼近海小文中心主任 4 成功大學近海水文中心博士後研究員

⁵經濟部水利署水文技術組副工程司

海洋儀器開發與應用

九十四 :六

資料傳輸系統,將觀測結果由雷達架設地點即時傳輸 回給遠端的資料使用者。

(a)



圖 1 雷達系統的組成 (a)X-Band 航海雷達(b)控制系統與影像擷取卡



圖 2 雷達觀測海象系統作業流程

雷達之基本組成中的觸發電路每隔一段時間產 生一作用時間很短之觸發脈衝送至發射機。發射機在 觸發脈衝控制下產生一具有固定寬度之脈衝訊號,並 將訊號送至雷達天線,天線再將脈衝之能量聚成束集 中朝一方向,每隔一固定時間,就發射一次脈衝波, 相鄰兩脈衝波發射時間之間隔,天線則接收脈衝波經 由外在環境反射所得到之回波。電磁波之行進速率與 光速相同為 3×10⁸ m/sec,距離雷達愈遠處,其回波 就會愈慢返回到雷達天線,也因此可藉由雷達訊號時 序列中不同時間之變化計算出雷達回波的空間位置。

商用雷達種類繁多,不同規格雷達相對其特性會 有所差異,理論上雷達天線轉速,功率、脈衝波發射 頻率以及電磁波的水平與垂直射束角度都是影響雷 達測波能力的重要因素。理論上雷達天線轉速愈快, 代表雷達觀測的時間解析度愈佳,就愈能完整的描述 波浪在時間域的變化特性;雷達功率愈強,相對能夠 觀測的範圍也就愈大;至於脈衝波發射頻率的選定, 要看所測目標的距離遠近而定,若脈衝頻率過高,雷 達所能觀測的距離就相對降低,但過低的脈衝重複頻 率則會使雷達影像的側向解析力降低,也是不利的; 電磁波的射束水平方向愈窄,則所獲得的雷達回波影 像則愈精細,一些常見的商用 X-band 雷達特性如表 1 所示,本研究採用日本 Furono FR-8251 雷達為測試 對象。

廠牌	型號	天線長度	天線轉速	功率	脈衝波發射頻	水平/垂直
		(ft)	(R.P.M.)	(KW)	率(Hz)	射束角度()
FURUNO	FR-8251	6.0	36	25	600~2100	1.2/25
	FR-1510	6.0	36	12	600~3000	1.2/20
	FR-1525	8.0	24	25	600~3000	0.9/20
DECCA	Bridge Master E -180	6.0	28	10	785~1800	2.0/24
JRC	JMA-3810	6.0	24	10	500~2000	2.0/30

表1 不同商用 X-band 雷達特性之比較

海洋儀器開發與應用

海洋及水下科技季刊

第十五卷.第二期

九十四 :六

由雷達回波訊號時序列中,如圖 3(a)所示,每一 脈衝波代表著空間中雷達天線所指向的每一個方 位。而相鄰脈衝波之間的訊號則代表著在空間中某一 方位上,距離雷達不同遠近之位置所返回的回波強 度。雷達回波訊號的擷取是透過高速取樣的資料擷取 設備進行雷達訊號的數位化,取樣頻率(*S_r*)決定了雷 達影像徑向的空間解析度(Δ_r):

$$\Delta_r = \frac{V_e}{2 \cdot S_r} \tag{1}$$

上式中, V_e 為電磁波的行進速度。根據式(1)可推算 出,使用取樣頻率為 20 MHz 的資料擷取卡擷取雷達 訊號時,雷達影像之徑向的空間解析度為 7.5m/pixel。至於雷達影像側向的空間解析度(Δ_s)則 受到雷達硬體規格的影響:

$$\Delta_s = \frac{1}{P \cdot T_r} \cdot (2pR) \tag{2}$$

上式中 P 為雷達的脈衝波發射頻率(Hz), T_r 為雷達 天線旋轉一圈所需時間(sec), R 為雷達的觀測範圍, 亦即雷達的觀測半徑(m),若所使用之雷達脈衝波發 射頻率為 2100 Hz, 天線轉速為 36 R.P.M時, 由上述 之數學式可計算出雷達影像中距離雷達 3 km 處任一 位置點之側向的空間解析度約為 5 m/pixel。由於後 續的影像譜分析方法是架構在卡氏座標的架構下,本 研究利用座標轉換以及空間線性內插的方法,將原始 極座標的雷達影像轉換成以卡式座標所建構出的影 像矩陣,如圖3(b)及3(c)所示。本研究以不同的訊號 取樣頻率擷取雷達訊號,再轉換成不同空間解析度的 雷達影像於圖 4 所示 為了瞭解影像的空間解析度須 多精細才適用於海象分析,本文分析不同空間解析度 的雷達影像,再與觀測海域中的觀測樁的現場量測結 果進行比對,結果如表2以及圖5所示,結果顯示, 當訊號擷取卡速度低於10MHz時, 雷達影像分析之 波浪結果的誤差會偏大,於此獲得一個經驗知欲從雷 達訊號分析波浪時,訊號擷取卡速度最好超過 10MHz

表 2 不同影像空間解析度雷達影像之分析結果與現 場結果之比較

AD卡取樣頻率	空間解析度	平均分析誤差		
(MHz)	(m/pixel)	波長(m)	波向(°)	
2.5	60	222	228	
5.0	30	245	44	
10	15	24	16	
20	7.5	7	8	
60	2.5	8	8	



圖 3 雷達訊號轉換為空間影像過程。(a)原始回波訊 號時序列;(b)回波訊號所形成之影像(極座標系統); (c)經座標轉換後所獲得的影像(卡氏座標系統)

九十四

÷



圖 4 不同頻率取樣所得到的雷達影像 (a).取樣頻率 20 (MHz),影像空間解析度 7.5 (m/pixel) (b).取樣頻率 10 (MHz),影像空間解析度 15 (m/pixel) (c).取樣頻率 5 (MHz),影像空間解析度 30 (m/pixel) (d).取樣頻率 2.5(MHz),影像空間解析度 60 (m/pixel)



三、雷達影像分析理論

雷達海況技術相對於現場量測,具有描述海況於 空間中變化之能力,由於海面的資訊隱藏在影像灰度 值矩陣中,形同無數個單點觀測儀器同時進行觀測, 各自取得不同位置點之海況,對於描述非均勻海域之 海況特性,是一種有利之工具。雷達影像雖含有海況 資訊於其中,但需要先經由適當的影像處理方法分析 影像以求得觀測區域的譜,再計算出波浪與海流等參 數。

3-1 雷達影像序列的前處理

本研究使用 X-band 航海雷達進行觀測空間波場 之研究,當電磁波的波長小於 4cm 時,電磁波不易 穿透,由於 X-band 航海雷達的波長為 3.2cm,因而 在雨天進行觀測時,雷達影像會出現斑點雜訊,當降 雨強度大的情況下,海面回波影像幾乎會被雨水雜訊 所覆蓋,而無法從影像中辨識出波浪的特性,如圖 6 所示,進而造成後續海象分析結果的誤差產生,因此 在分析雷達影像序列之前,需要對降雨及未降雨的影 像進行分類。 降雨影像在統計特性上主要有以下兩個特性: (一)、造成回波影像的回波強度增強,相對的平均回 波強度也較未降雨時刻來的大;(二)、降雨會造成像 元間的變動不規則,導致影像灰度值的變動範圍比未 降雨影像像元值的變動範圍小。楊(2004)提出以影像 灰度值的平均與差異係數作為判斷影像是否受到降 雨雜訊影響的標準、雷達影像平均值、差異係數的分 佈特性如圖7所示,可看出兩統計參數具有不同的分 佈區域,依據雷達影像的統計參數在分佈上的差異, 決定出門檻值(threshold),作為判斷資料是否受到降 雨的影響,分析結果證實同時以平均值與差異係數作 判斷,可有效將降雨及非降雨的資料作區分,其準確 度達 96%。



圖 6 未降雨(圖上)及降雨(圖下)時所測得知雷達影像





3-2 雷達影像譜分析

海浪中波長與波向等波浪資訊係經由波浪譜 (wave spectrum)計算求得,波浪譜又可藉由雷達回波 影像的影像譜(image spectrum)分析得到,因此如何正 確計算影像譜是從事海況遙測重要的工作之一。目前 常見分析影像譜的方法是利用快速傅立葉轉換求得 影像時序列的傅立葉係數,其為一複數函數,取其絕 對值平方可得到雷達影像之影像譜 由於本研究觀測 範圍位於近岸海域,大部分的波場在近岸區域因受到 淺化的影響,具有較高的非均匀(non-homogeneous) 特性,傅立葉分析可能導致偏大的誤差(Doong et al.,2003)。為了解析出非均匀波場的特性, 吳(2002)、 董(2002)與 Doong et al.(2003)均利用具有分析非均匀 性訊號的小波轉換(Wavelet transform)為計算雷達影 像譜之工具。小波轉換原理乃藉由不同尺度、位置與 方向之小波母函數與被分析訊號進行積分計算,來求 得影像時序列 $f(\bar{z}) = f(t, x, y)$ 在不同時間域(t) 與空間域(x,y)所對應之頻率特性,其數學表示式如 式(3)所示。

$$S(a, \boldsymbol{q}, \boldsymbol{\bar{b}}) = \iiint f(t, x, y) \cdot \boldsymbol{y}_{a, \boldsymbol{q}, \boldsymbol{\bar{b}}}^{*}(t, x, y) dt dx dy$$

(3)

其中 t,x 以及 y 代表雷達影像序列的時間域及空間 域。 $\mathbf{y}_{aq,\bar{b}}(\vec{z}) = \mathbf{y}_{aq,\bar{b}}(t,x,y)$ 稱為小波函數,為 小波母函數[$\mathbf{y}(\vec{z})$]經過尺度伸縮(a),旋轉(q)以及 位置移動(\bar{b})後所得到的函數, $\mathbf{y}_{a,q,\bar{b}}^{*}$ 則為 $\mathbf{y}_{a,q,\bar{b}}$ 的 共軛複數。小波母函數與小波函數之間的關係定義如 下:

海洋儀器開發與應用

海洋及水下科技季刊

第十五卷.第二

期

九十四 六

莇

九十四

÷

$$\mathbf{y}_{aq,\bar{b}}(\bar{z}) = a^{-1.5} \cdot \mathbf{y}[a^{-1}r_q^{-1}(\bar{z}-\bar{b})]$$
(4)

上式中 r_a^{-1} 為 r_a 的反矩陣, r_a 的定義如下:

$$r_{q} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \boldsymbol{q} & \sin \boldsymbol{q} \\ 0 & -\sin \boldsymbol{q} & \cos \boldsymbol{q} \end{bmatrix}$$
(5)

式(4)中的小波母函數[$y(\bar{z})$]並非唯一,只要滿足式 (6)的關係,便可成為小波母函數:

$$c_{y} = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\left| \hat{\mathbf{y}}(\vec{s}) \right|^{2}}{\vec{s}} d\vec{s} < \infty$$
(6)

其中 $\hat{y}(\hat{s})$ 小波母函數[$y(\hat{z})$]在頻率域的關係,亦 即小波母函數經傅立葉轉換後之結果。本研究則選用 前人曾用來分析海浪訊號的 Morlet 小波母函數作為 分析 X-band 雷達影像序列之用,其函數之數學式如 下所示:

$$\mathbf{y}(\mathbf{\bar{z}}) = \mathbf{y}(t, x, y) = e^{i\mathbf{\bar{k}}_0\mathbf{\bar{z}}} e^{-\frac{1}{2}|\mathbf{A}\mathbf{\bar{z}}|^2}$$
(7)

$$\hat{\boldsymbol{y}}(\boldsymbol{\bar{s}}) = \hat{\boldsymbol{y}}(\boldsymbol{w}, k_x, k_y) = (\det B)^{0.5} \cdot e^{-0.5[(\boldsymbol{\bar{s}} - \boldsymbol{\bar{s}}^*) \cdot B(\boldsymbol{\bar{s}} - \boldsymbol{\bar{s}}^*)]}$$
(8)

其中矩陣 $A = diag[1, e_1^{-0.5}, e_2^{-0.5}]$, 且 $e_1 \ge 1$ 、 $e_2 \ge 1$, 矩陣 $B = A^{-1}$, \bar{k}_0 為小波母函數的波形震 盪個數, s *為函數 $\hat{y}(\vec{s})$ 的質心位置。從式(3)中可 發現小波轉換的分析結果並非直接就是影像譜, 而是 a、 q 以及 \bar{b} 等參數的分析結果。上述參數與影像譜 之間存在一關係式:

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{w} \\ k_x \\ k_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{w}^* / a_t \\ (k_x^* \cos \boldsymbol{q} - k_y^* \sin \boldsymbol{q}) / a_{\bar{r}} \\ (k_x^* \sin \boldsymbol{q} + k_y^* \cos \boldsymbol{q}) / a_{\bar{r}} \end{bmatrix}$$
(9)

上式中, \boldsymbol{W} 、 k_x 以及 k_y 為影像譜的定義域, \boldsymbol{W}^* 、 k_x^* 以及 k_y^* 為 $\hat{\boldsymbol{y}}(\boldsymbol{s})$ 於 \boldsymbol{W} 、 k_x 以及 k_y 定義域的質 心, a_t 及 $a_{\bar{r}}$ 分別為小波母函數於時間域以及空間域 的尺度參數。

為瞭解本文方法是否適用於分析波場影像,本文 以數值模擬影像序列進行三維小波轉換分析波場影 像方法正確性的驗證。本研究模擬波浪受淺化影響之 波場,如圖8所示,為時序列中某一時間點的空間波 場,波浪從影像的 B 區域以起始波長=100(m)之條件 往 A 區域傳遞,因受到波浪淺化之影響, A 區域波 浪的波長會變短。本文首先利用傳統傅立葉轉換方法 對整個波場進行分析,分析結果如圖9所示,描述整 個波場於空間頻率域的平均值,其能量分佈(圖中黑 色的區域)在波長分佈在 50~100(m)之間,確實與所 模擬的波場條件符合,然而從此一結果並無法得知A 區域的波長是 50(m)還是 100(m)。本文進一步用小波 轉換分析相同的波場序列,小波轉換可針對整個波場 的任一位置進行細部分析,本文選擇圖 8波場影像的 A 區域及 B 區域進行分析,分析結果如圖 10 所示, 顯示 A 區域及 B 區域可各別描述出波場影像中局部 區域的波浪特性,突顯出小波轉換應用在分析如波浪 淺化等非均匀波場影像的優勢。







圖 10 利用小波轉換分析非均匀波場之結果。
 (a)小波轉換分析圖 7 中 A 區域的結果;
 (b)小波轉換分析圖 7 中 B 區域的結果

四、波浪與流場的計算

利用雷達影像序列計算海面流場,是應用了波浪 理論中的分散關係式(Dispersion relation),其描述波 浪運動時,波數與頻率應該遵守的規則,其數學式如 式(10)所示,式中 d 為觀測海域之水深, \vec{U} 為表面 之流場。圖 11 為實測雷達影像譜,描述實測波場中 波數與頻率的關係,說明了在不同海面流速情況下, 分散關係式描述之波浪波數(\vec{k})與角頻率(W')之間 的關係,因實測波場中有流速的存在,會受到都卜勒 效應的影響,導致實測與理論的波數與頻率關係會有 偏差,藉由實測與理論之間的偏差量,可反推出海面 之流速。

$$\mathbf{W} = \sqrt{gk \tanh(kd)} + \vec{k} \cdot \vec{U} \tag{10}$$

雷達影像譜包含波浪與雜訊能量,因為雷達影像 譜描述雷達回波能量與波數、頻率之關係,當此關係 式符合分散關係式所描述者,即視為波浪成份,反之 則屬於雜訊、雷達回波包含波浪與背景雜訊,藉由此 一方法,從影像譜濾除雜訊後,示性波高與雷達影像 的訊噪比(Signal to Noise Ratio, SNR)存在相關性, Borge et al.(1999)研究結果顯示 $H_s a \sqrt{SNR}$,實際作 業時,藉由雷達系統與資料浮標等系統進行同步觀測 以率定兩者間之係數,爾後利用雷達影像之訊噪比即 可計算浪高。

不同之波浪觀測方法均有其適用條件或應用上 之限制, 雷達測波技術也有其適用範圍或限制, Seemann et al. (1999)提出定性上的結論, 由於測波雷 達原理係接收海面粗糙反射之雷達波強弱來解析波 浪, 觀測海域之風速必須夠大、波高夠高且波浪週期 夠長始滿足該觀測方法之條件。本研究認為在新觀測 技術或方法推展之前, 必須瞭解觀測結果之準確性。 為能確切掌握 X-band 雷達觀測海象結果之特性,本 研究以先後在龍洞、成功、鵝鑾鼻、東港、七股等海 域利用 X-band 雷達進行海象之觀測。為了率定雷達 測波系統, 雷達架設地點都選擇鄰近有現場觀測站的 位置, 利用水利署、中央氣象局以及觀光局在雷達觀 測海域所設置的現場測站所測得之海況資料作為真 值(ground truth), 與雷達測波結果進行率定以及 驗證。

本文探討雷達測波之準確性,將同步觀測資料區 分成波高大於2米與小於2米之資料集合,探討雷達 測波在觀測大浪(波高大於2米)與小浪(波高小於2 米)時之準確程度如何,本文以信賴區間範圍代表觀 測成果之準確性,分析結果如圖12所示,其中Hs 表示現場量測之波高,CI95表示波高分佈的95%信 賴區間,從波高比對結果發現雷達測波所得之波高的 準確性在49~67公分之間,平均約為55公分左右, 其中在大浪時雷達測波誤差略大,約為67公分,對 於1~2米間的小波,雷達測波之準確性約為50公分。

九十四

六



圖 11 雷達影像譜中波數(Wavenumber)-角頻率 (Angular Frequency)之關係



圖 12 雷達觀測波高與現場浪高之關係

(圓圈: Hs<2m, CI95=0.49m;方塊: Hs>2m, CI95=0.67m)

五、結論

從 X-Band 航海雷達回波擷取海況特徵的技術並 不難, 硬體的關鍵技術在於高速訊號的擷取, 影像分 析技巧上在於非均勻影像分析方法的建立, 除此之 外, 只剩穩定性與經驗必須加強 國外售價昂貴的商 業產品非但無法完全符合需求, 維修成本亦高, 國內 自行發展的雷達海象觀測系統在觀測準確性上 經濟 成本上、保養維修上均有一定的水準, 甚至超過國外 技術, 如本文對於近岸非均勻影像的分析技巧與對於 降雨影像的判釋與處理等均是引起國外感興趣的技 稅。國內在海氣象觀測的研發能力並不差, 藉由掌握 關鍵技術, 建立自主技術能力, 對於提昇我國在海洋 觀測的科技水平是絕對有益處的。

六、謝 誌

本研究受國科會支持影像分析方法 (NSC93-2611-E006-009)以及水利署提供現場測試資料,教育部成大與中山校際合作計劃支援雷達系統現場測試儀器,在此一併致謝。

七、參考文獻

- 吴立中,2002,二維小波轉換應用於波場影像分 析之研究,國立成功大學碩士論文,台南。
- 董東璟, 2002, Uncertainty assessment of wave remote sensing, 國立成功大學博士論文, 台南。
- 楊耀存,2004,氣象因子對航海雷達影像分析海 面波浪之影響,國立成功大學碩士論文,台南。
- Borge, J. C., K Reichert and J. Dittmer 1999. Use of nautical radar as a wave monitoring instrument, Coastal Engineering, Vol. 37, pp. 331-342.
- Doong, D.J., Wu, L.C., Kao, C.C., Chuang, Laurence Z.H., 2003, "Wavelet Spectrum Extracted from Coastal Marine Radar Images", Proceedings of ISOPE 2003, pp.258-264, Honolulu, Hawaii, USA, May 25-30.
- Doong, D.J., C.C. Kao, L.Z.H. Chuang, H.P. Lin. 2003. Nearshore Wave Field Analysis Using SAR Images, China Ocean Engineering, Vol.17, No.1, pp.45-60.
- Gangeskar, R 2002. Ocean current estimated from X-band radar sea surface images, IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, Vol. 40, No. 4, pp. 783-792.
- Mattie, M.G. and D.L. Harris. 1978. The Use of Imaging Radar in Studying ocean waves, Proc.16th Coasal Eng., ASCE, pp.174-189.
- Seemann, J., C. M. Senet, H. Dankert, H. Hatten, and F. Ziemer. 1999. Radar image sequence analysis of inhomogeneous water wave, Proceedings of SPIE - The International Society for Optical Engineering, Vol. 3808, pp. 536-546.
- Young, I. R., W. Rosenthal, and F. Ziemer. 1985. A Three Dimensional Analysis of Marine Radar Images for the Determination of Ocean Waves Directionality and Surface Currents, Journal of Geophysical Research, Vol. 90, pp. 1049-1059.

15